

الوسيط The Median

أ - في حالة البيانات غير المبوبة عند ترتيب قيم المتغير تصاعدياً أو تنازلياً في ظاهرة ما تسمى القيمة العددية الوسطى بين القيم بالوسيط،

1. فإذا كان عدد قيم المتغير فردي فإن رتبة الوسيط تكون :

$$\frac{n+1}{2}$$

و يكون الوسيط هو قيمة المتغير التي لها تلك الرتبة (التسلسل)

2. أما إذا كان عدد قيم المتغير زوجي فالوسيط يكون معدل قيمتي المتغير اللتان يسبقهما و يعقبهما نفس العدد من قيم المتغير.

$$\frac{n}{2} + 1, \frac{n}{2}$$

أي:

$$Me = \frac{yn/2+yn/2+1}{2}$$

مثال 1: أوجد الوسيط لدرجات طالب في خمسة امتحانات بدرس الإحصاء إذا كانت الدرجات هي :

80 ، 82 ، 76 ، 87 ، 84

الحل:

نرتب الدرجات تصاعدياً

87 ، 84 ، 82 ، 80 ، 76

و بما ان عدد الأرقام فردي (n=5)

فالوسيط هو القيمة التي ترتيبها :

$$\frac{n+1}{2} = \frac{5+1}{2} = 3$$

$$ME=Y_3=82$$

أي الوسيط = 82

مثال 2: أوجد الوسيط للقيم التالية:

18 ، 16 ، 20 ، 15 ، 17 ، 21

الحل: نرتب الأعمار تصاعدياً:

15 ، 16 ، 17 ، 18 ، 20 ، 21

عدد قيم المتغير (n) = 6

$$\frac{6}{2} + 1 = 4, \quad \frac{6}{2} = 3$$

الوسيط = معدل قيمتي المتغيرين اللذين رتبتهما 3، 4

$$Me = \frac{17+18}{2} = 17.5$$

ب - الوسيط لقيم المتغير المبوبة

يعرف الوسيط بأنه القيمة التي يقع فوقها نصف عدد المفردات و يقع تحتها النصف الآخر من قيم المتغير.

ويستخرج الوسيط رياضياً كما يلي:

1. إيجاد ترتيب الوسيط و هو $\frac{\sum fi}{2}$

2. نرتب جدول تكراري متجمع صاعد ومن معرفتنا لرتبة الوسيط ، نلاحظ موقعها ضمن أي تكرار متجمع صاعد و تكون الفئة المقابلة لهذا التكرار هي الفئة الوسيطة.

3. نجد الوسيط من القانون:

$$Me = L1 + \left[\frac{\left(\frac{\sum fi}{2}\right) - Fi}{fi} \right] w$$

حيث ان :

L1= الحد الأدنى الحقيقي لفئة الوسيط

fiΣ = مجموع التكرارات

التكرار المتجمع عند بداية فئة الوسيط = F_i

تكرار فئة الوسيط = f_i = التكرار المتجمع عند نهاية فئة الوسيط - التكرار المتجمع عند بداية فئة الوسيط

طول فئة الوسيط = w

مثال: اوجد الوسيط للتوزيع التكراري في الجدول التالي:

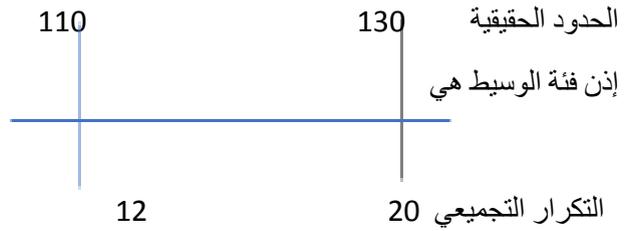
فئات الطول	-50	-70	-90	-110	-130	-150	170-190
التكرار	2	4	6	8	5	3	2

الحل:

$$15 = \frac{30}{2} = \frac{\sum f_i}{2} = \text{رتبة الوسيط}$$

نرتب جولاً للتكرار المتجمع الصاعد

التكرار المتجمع الصاعد		التكرار (f_i)	فئات الطول
2	اقل من 70	2	- 50
6	اقل من 90	4	- 70
12	اقل من 110	6	- 90
20	اقل من 130	8	- 110
25	اقل من 150	5	- 130
28	اقل من 170	3	- 150
30	اقل من 190	2	190 - 170
		30	



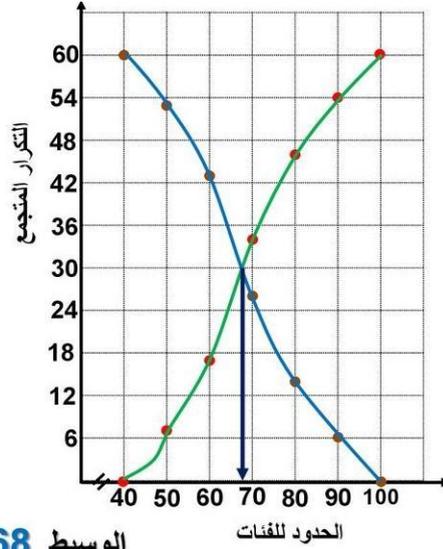
$L_i = 110$ الحد الأدنى الحقيقي لفئة الوسيط

$F_i = 12$ التكرار المتجمع عند بداية فئة الوسيط

$f_i = 20 - 12 = 8$ تكرار فئة الوسيط

$w = 130 - 110 = 20$ طول فئة الوسيط

$$Me = 110 + \frac{15-12}{8} \times 20 = 110 + \frac{3}{8} \times 20 = 110 + 7.5 = 117.5$$



الوسيط 68 تقريباً

مميزات الوسيط:

1. لا يتأثر بالقيم المتباعدة (المتطرفة).
2. يصلح لتمثيل التوزيعات المفتوحة و التي يتعذر فيها إيجاد الوسط الحسابي.
3. يمكن استعماله في تمثيل التوزيعات الوصفية غير المقيسة حيث يمكن ترتيبها حسب النوع.
4. طريقة ايجاده موضوعية.

عيوبه:

1. طريقة حسابه لا تتضمن جميع قيم المتغير.
2. الوسيط اقل ثباتاً من الوسط الحسابي.
3. لا يتأثر كثيراً باستبدال قيم المتغير بقيم أخرى لذا فهو ذو حساسية ضعيفة.