

## استقرارية الجرار Tractor stability

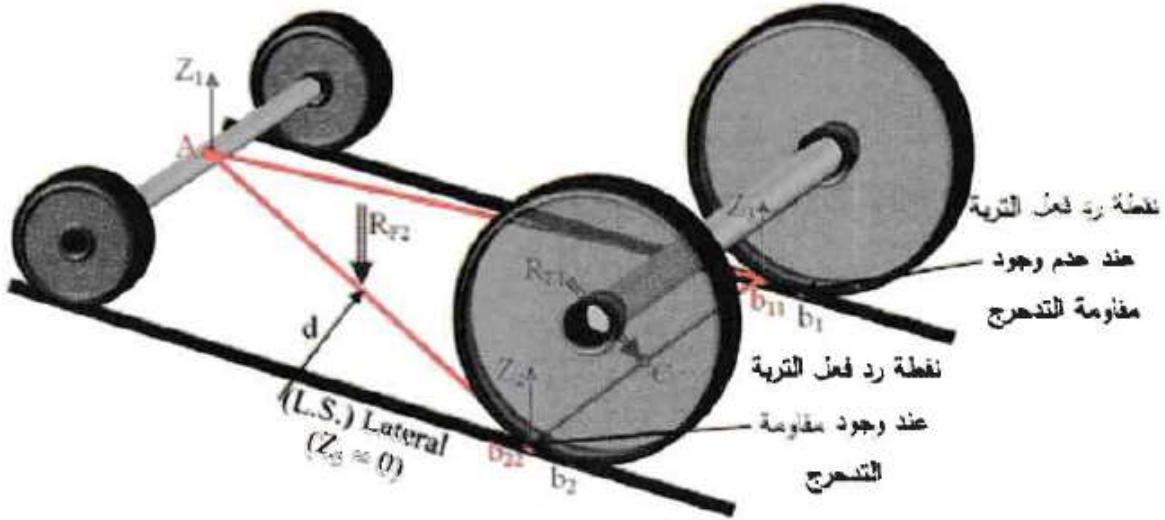
تعتبر استقرارية الجرار ذات أهمية من الناحية الاجتماعية والفنية، ففي كثير من البلدان تحدث كثير من الحوادث التي سببها عدم استقرارية الجرار والتي يذهب ضحيتها كثير من العاملين بالإضافة الى الخسائر المادية الكبيرة اثناء العمل. ويزداد خطر الانقلاب عند العمل على المنحدرات والالة مربوطة على الجرار لذلك يجب ان تتخذ بعض الإجراءات لمنع او تقليل هذه المخاطر. والجرار يتعرض لنوعين من الانقلاب:

الانقلاب الطولي (الاستقرارية الطولية) والانقلاب العرضي (الاستقرارية العرضية)،

النوع الأول يحدث عندما يسحب الجرار حملا ويزداد الحمل بصورة مفاجئة كاصطدام الالة بعائق في التربة او صعود منحدر زاوية ميله كبيرة. اما النوع الثاني فيحدث عند العمل على المنحدرات والجرار يحمل وزنا كما هي الحال عند استخدامه كمحملة (شغل)

### حدود الاستقرارية Limits of stability

يوضح الشكل الاتي توزيع الوزن على عجلات الجرار، فالوزن يستند على المحور الامامي عند النقطة A وعلى العجلات الخلفية عند النقطة  $b_1$  و  $b_2$  اذا كانت مقاومة التدرج المؤثرة على العجلات تساوي صفرا او عند النقطتين  $b_{11}$  و  $b_{22}$  عند وجود مقاومة التدرج، وعند ربط هذه النقاط فان المثلث يمثل مثلث الاستقرارية والذي تمر عند رؤوسه رد فعل التربة  $Z_1$  المؤثرة على العجلات الامامية و  $Z_2$  و  $Z_3$  المؤثرة على العجلات الخلفية اليسرى واليمنى.



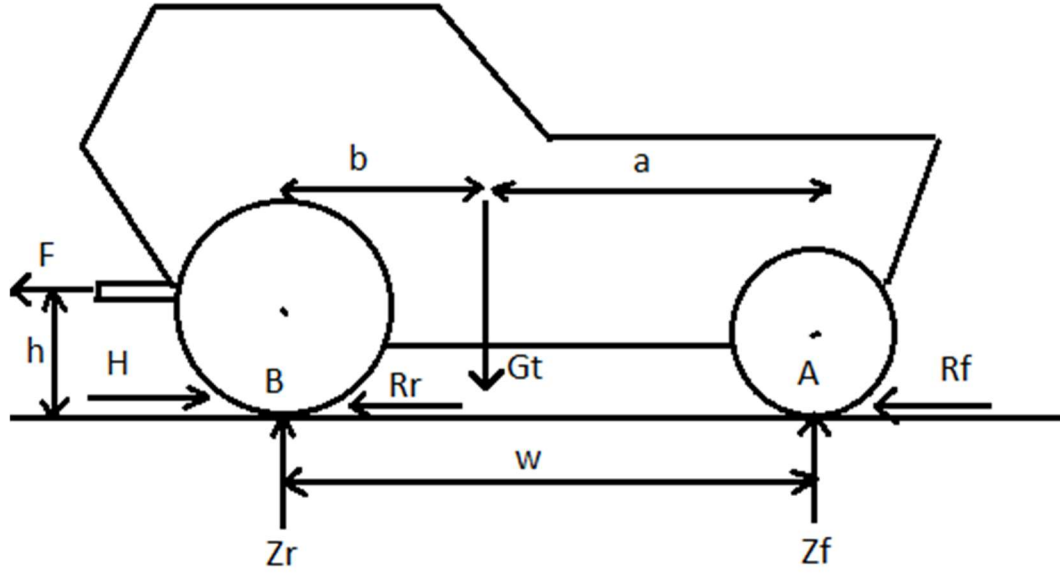
تحدث عدم الاستقرارية عندما تمر محصلة كل القوى التي يؤثر على الجرار عند محيط هذا المثلث. فعدم الاستقرارية الطولية تحدث عندما محصلة القوى  $RF_1$  عند النقطة C وقيمة  $Z_1$  تساوي صفرا، اما عدم الاستقرارية الجانبية فتحدث عندما تمر  $RF_2$  عند النقطة d وقيمة  $Z_3$  تساوي صفرا وقوى التي تشكل المحصلة RF التي تؤدي الى قلب الجرار تشكلها الاتية التي تؤثر على الجرار:

1. محصلة القوى التي تؤثر على الجرار ومصدرها الالة.
2. وزن الالة
3. القوى المتأتية من عزم القصور الذاتي وهذه القوى ذات تأثير محدود لكون سرعة الجرار منخفضة مقارنة بالعجلات الأخرى.

## Longitudinal stability الاستقرارية الطولية

أ. الاستقرارية الطولية على السطح الافقي

يوضح الشكل الاتي القوى المؤثرة على الجرار اثناء حركته وهي الوزن ورد فعل التربة على العجلات الامامية والخلفية وقوة السحب. تحدث عدم الاستقرارية عندما تصبح  $Zf = 0$  وهذا يحدث عندما يصبح الوزن المنقول مساويا الى الوزن الاستاتيكي على العجلات الامامية  $Zf$ . ومعامل الاستقرارية (معامل الأمان) مساويا (1) ولتوضيح ذلك نأخذ عزم حول النقطة B.



$$Zf \cdot w + F \cdot h = Gt \cdot b$$

$$\therefore Zf \cdot w = Gt \cdot b - F \cdot h$$

$$Zf = Gt \cdot \frac{b}{w} - F \cdot \frac{h}{w} \dots \dots \dots (1)$$

حيث

$$Gt = \text{وزن الجرار kN}$$

$$F = \text{قوة السحب kN}$$

$$\frac{h}{w} = \text{الوزن المنقول}$$

$$\frac{b}{w} = \text{الوزن الاستاتيكي للعجلات الخلفية}$$

عندما  $Zf = 0$  فان

$$0 = Gt \cdot \frac{b}{w} - F \cdot \frac{h}{w}$$

$$F \cdot \frac{h}{w} = Gt \cdot \frac{b}{w}$$

$$F \cdot h = Gt \cdot b \dots\dots\dots(2)$$

اما معامل الاستقرارية فيمكن حسابه كالآتي

$$S.F = \frac{Gt \cdot b}{F \cdot h} \dots\dots\dots(3)$$

يلاحظ من المعادلة (3) كلما زادت  $b$  وقلت  $h$  كلما زاد معامل الاستقرارية (معامل الأمان) لذلك يصمم عمود السحب بحيث لا يزيد ارتفاعه عن 0.5 م . اما الانقلاب فيحدث عندما يكون الوزن  $Gt$  خارج النقطة  $A$  وعندها يتحلل الى مركبتين، المركبة الأفقية  $Gt \sin \theta$  والمركبة العمودية  $Gt \cos \theta$  والزاوية  $\theta$  يمكن حسابها كالآتي

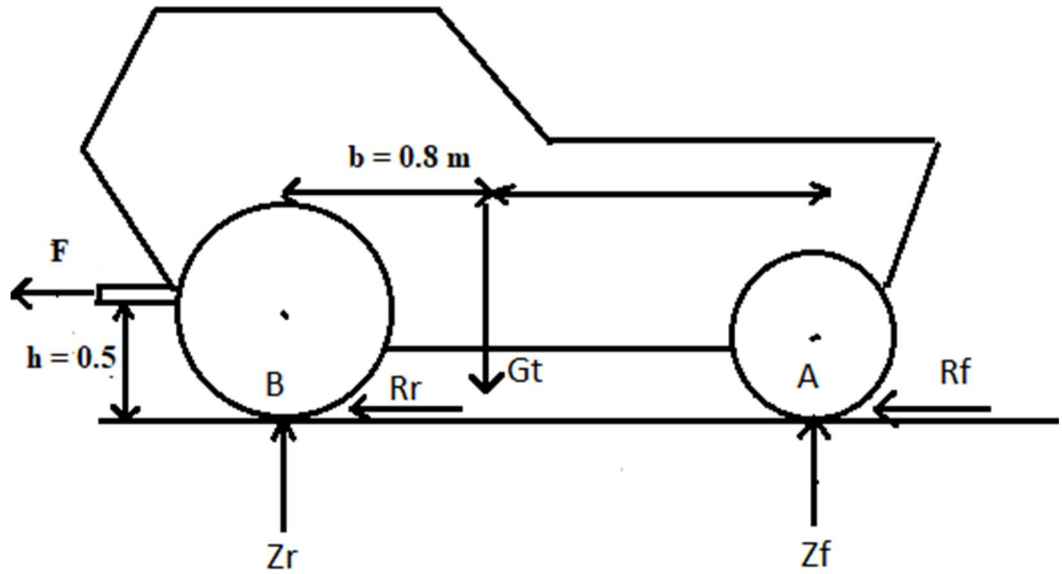
$$\theta = \tan^{-1} \frac{b}{hg}$$

حيث  $hg$  = ارتفاع مركز الثقل عن سطح الأرض

.....

مثال

جرار كتلته 3 طن يسحب حمل يحتاج الى 12 كيلو نيوتن، احسب معامل الأمان وقوة السحب التي تؤدي الى عدم الاستقرارية اذا كان مركز الثقل يبعد عن العجلات الخلفية بمقدار 0.8 م وارتفاع السحب 0.5 م.



الوزن Gt

$$Gt = 3 * 9.81 = 29.43 \text{ Kn}$$

معامل الأمان

$$S.F = \frac{Gt \cdot b}{F \cdot h} = \frac{29.43 * 0.8}{12 * 0.5} = 3.92$$

قوة السحب F التي تؤدي الى عدم الاستقرارية ( $Z_f = 0$ )

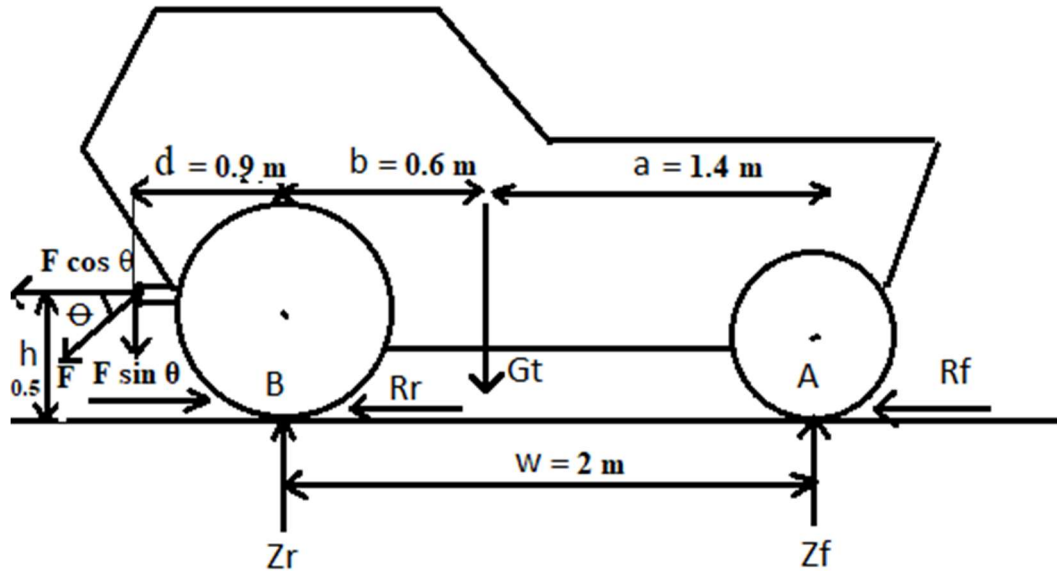
$$(S.F = 1)$$

$$F \cdot h = Gt \cdot b$$

$$F = Gt \cdot \frac{b}{h} = 29.43 * \frac{0.8}{0.5} = 47.09 \text{ kN}$$

مثال 2

جرار كتلته 4 طن المسافة بين عجلاته الامامية والخلفية 2 م ومركز الثقل يبعد عن العجلات الامامية بمقدار 1.4 م يسحب الة تحتاج الى 20 كيلو نيوتن وقوة تميل بزاوية مقدارها 30 درجة. احسب معامل الأمان وقوة السحب التي تؤدي الى عدم الاستقرار اذا كان عمود السحب يرتفع عن سطح الأرض بمقدار 0.5 م ونقطة الشبك تبعد عن مركز العجلات الخلفية بمقدار 0.9 م.



معامل الأمان

$$SF = \frac{Gt \cdot b}{F \cos \theta \cdot h + F \sin \theta \cdot d}$$

$$Gt = 3 * 9.81 = 39.24 \text{ kN}$$

$$SF = \frac{39.24 * 0.6}{20 \cos 30 * 0.5 + 20 \sin 30 * 0.9} = 1.3$$

قوة السحب F التي تؤدي الى عدم الاستقرارية ( $Z_f = 0$ )

$$F \cos \theta * h + F \sin \theta * d = Gt * b$$

$$F(\cos \theta * h + \sin \theta * d) = Gt * b$$

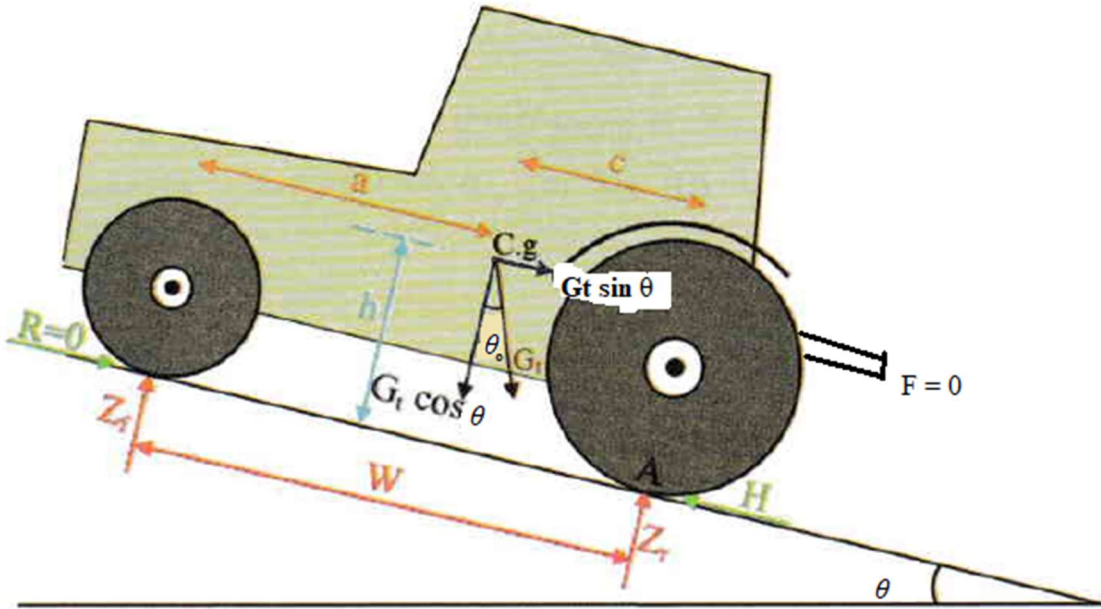
$$F(\cos 30 * 0.5 + \sin 30 * 0.9) = 39.24 * 0.6$$

$$F = \frac{23.54}{0.88} = 26.75 \text{ kN}$$

ب. الاستقرارية الطولية على السطح المائل

يوضح الشكل الاتي القوى التي تؤثر على الجرار عند حركته على سطح مائل ومن هذه القوى الوزن  $Gt$  وقوة الدفع  $H$  ومقاومة التدرج نفترض أولا ان قوة السحب  $F = 0$  ، وفي هذه الحالة تقل الاستقرارية الطولية كلما زاد انحدار السطح ( $\theta$ ) ويحدث الانقلاب عندما تتساوى زاوية ميل السطح  $\theta$  مع زاوية الاستقرار الاستاتيكية ( $\theta_0$ ) للجرار التي يمكن حسابها كالآتي

$$\theta_0 = \tan^{-1} \frac{b}{hg}$$



عندما تتساوى الزاويتين  $\theta$  و  $\theta_0$  فان وزن الجرار  $Gt$  يمر خارج النقطة B و  $Z_f$  تصبح صفرا فيحدث الانقلاب كما يرافق الزيادة بزاوية ميل السطح انزلاق عالي يصاحبه توقف بالحركة في بعض الأحيان ويطلق على هذه الظاهرة wheel spin وتتوقف الحركة نهائيا عندما تتساوى قيمة H مع المقاومات على الجرار

$$H = Gt \sin \theta + Rf + Rr$$

اما عندما توجد قوة سحب F فان عدم الاستقرار، تزداد احتمالية الانقلاب تحدث على أسطح اقل ميلانا وتبدأ عدم الاستقرار عندما تصبح  $Zf = 0$  ومعامل الأمان يمكن حسابه كالآتي:

$$SF = \frac{Gt \cos \theta \cdot b}{F \cdot h + Gt \sin \theta \cdot hg}$$

اما زاوية انحدار السطح الذي يمكن العمل عليه مع توفر استقرارية مقبولة هي الزاوية التي تعطى معامل استقرارية اكبر من واحد (1). والقيمة الأدنى لهذا هو 1.25 . اما زاوية الانحدار التي تؤدي للانقلاب يمكن حسابها كالآتي

$$\theta_F = \tan^{-1} \frac{\frac{b}{hg} - \frac{\mu \cdot h}{hg}}{1 - \frac{h}{hg}}$$

حيث

$\theta_F$  = زاوية الميل التي تؤدي للانقلاب بوجود قوة السحب

$\mu$  = معامل الدفع

$h$  = ارتفاع عمود السحب

$b$  = بعد مركز الثقل عن مركز العجلات الخلفية

$hg$  = ارتفاع مركز الثقل عن سطح الأرض

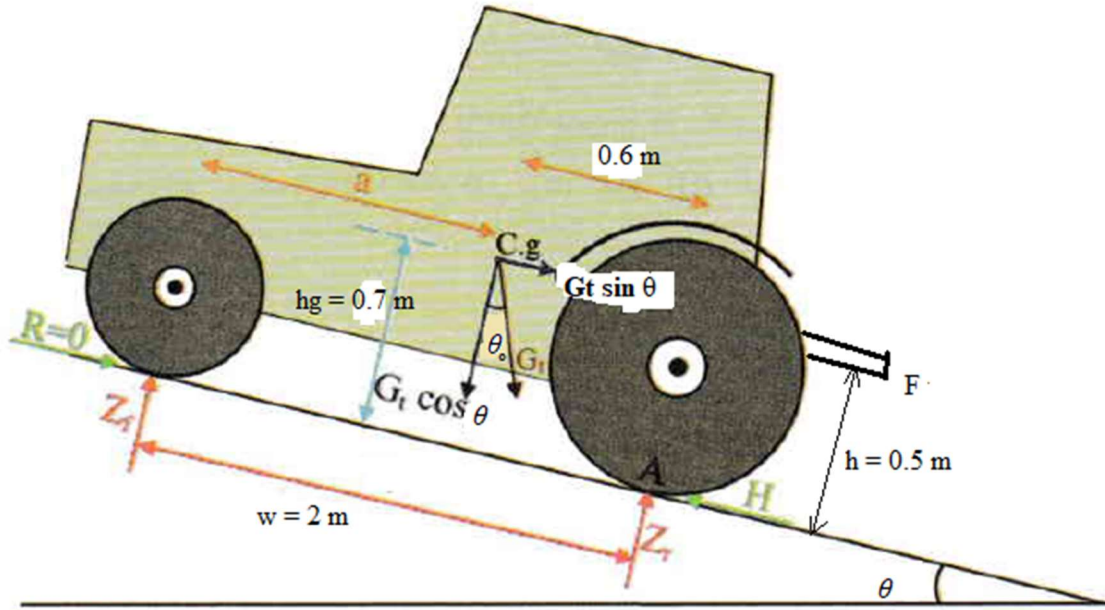
معامل الدفع  $\mu$  يحسب كالآتي

$$\mu = \frac{H}{Zr}$$

.....

مثال

جرار كتلته 4 طن يسحب حمل مقداره 10 كيلو نيوتن على سطح زاوية ميله 25 درجة، احسب معامل الاستقرار (الأمان) وما هي قوة السحب التي تؤدي للانقلاب اذا كانت ابعاد الجرار كما موضحه بالشكل الآتي:



وزن الجرار

$$Gt = 4 * 9.81 = 39.24 \text{ kN}$$

معامل الأمان

$$SF = \frac{Gt \cos \theta * 0.6}{Gt \sin \theta * 0.7 + F * h}$$

$$SF = \frac{39.24 \cos 25 * 0.6}{39.24 \sin 25 * 0.7 + 10 * 0.5} = 1.28$$

قوة السحب الي تؤدي للانقلاب ( $Z_f = 0$ )

$$F * h + Gt \sin \theta * 0.7 = Gt \cos \theta * 0.6$$

$$F = 39.24 (\cos 25 * 0.6 - \sin 25 * 0.7) / 0.5$$

$$F = 19.46 \text{ kN}$$

مثال

احسب زاوية ميل السطح التي تؤدي لانقلاب الجرار الموصوف بالمثال السابق عندما تكون قوة السحب 10 كيلو نيوتن  
افترض مقاومة التدرج تساوي صفر

قوة الدفع

$$H = Gt \sin \theta + F$$

يحدث الانقلاب عندما يمر وزن الجرار  $Gt$  خارج نقطة ارتكاز العجلات الخلفية وزاوية التي تؤدي الى ذلك يمكن حسابها

$$\theta = \tan^{-1} \frac{b}{hg} = \tan^{-1} \frac{0.6}{0.7} = 40.6^\circ$$

حيث  $\theta$  = زاوية الاستقرار الاستاتيكية

$$H = 39.24 \sin 40.6 + 10 = 35.66 \text{ kN}$$

$$\mu = \frac{H}{Zr}$$

كما انه عند الانقلاب تصبح  $Zr = Gt$  لان الوزن ينقل بأكمله الى العجلات الخلفية لكون  $Zf = 0$

$$\mu = \frac{35.66}{39.24} = 0.91$$

زاوية ميل السطح التي تؤدي الى الانقلاب

$$\theta = \tan^{-1} \frac{\frac{b}{hg} - \frac{\mu \cdot h}{hg}}{1 - \frac{h}{hg}}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{\frac{0.6}{0.7} - \frac{0.91 * 0.5}{0.7}}{1 - \frac{0.5}{0.7}} = \tan^{-1} 0.72$$

$$\theta = 35.9^\circ$$