

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

مفهوم الرقم القياسي:

يعرف الرقم القياسي بأنه أداة احصائية لقياس التغير النسبي في قيم أي ظاهرة أو مجموعة من الظواهر من زمان الى آخر أو من مكان الى آخر.

كما يعرف الرقم القياسي بأنه مقياس احصائي مصمم لاطهار التغيرات في متغير أو مجموعة مرتبطة من المتغيرات بالنسبة للزمن وللمكان الجغرافي أو أية خاصية اخرى مثل الدخل والوظيفة وغير ذلك، وتسمى احيانا المجموعة من الأرقام القياسية لسنوات أو أماكن مختلفة وما الى ذلك ، بالسلسلة القياسية.

وتعرف الأرقام القياسية بأنها أداة لقياس التغير النسبي في قيم الظواهر من فترة زمنية إلى أخرى أو من مكان آخر، فمثلا قد يراد مقارنة الأسعار أو الكميات لسلع معينة منتجة في أماكن مختلفة وفي هذه الحالة نحتاج إلى وسيلة لقياس المتغيرات أو لمعرفة الفروق التي حصلت في الأسعار أو الكميات في تلك الفترة قياسا بفترة سابقة وهذه الوسيلة هي الأرقام القياسية. إذ تتم المقارنة بالنسبة للزمان والمكان فتؤخذ فترة زمنية كأساس وأخرى للمقارنة أو تؤخذ دولة معينة كأساس تنسب إليها الأرقام الأخرى.

تطبيقات الأرقام القياسية:

تمكننا الأرقام القياسية من مقارنة الغذاء أو تكاليف المعيشة الأخرى في منطقة معينة خلال سنة معينة بمنطقة أخرى خلال سنوات سابقة . أو يمكن مثلا مقارنة الاسعار أو الكميات لسلع منتجة في أماكن مختلفة ، عندها سنحتاج الى وسيلة لقياس تلك التغيرات أو لمعرفة تلك الفروق التي حصلت لهذه الاسعار والكميات في تلك الفترة قياسا بفترة سابقة وهذه الوسيلة هي الأرقام القياسية. إذ تتم المقارنة بالنسبة للزمان والمكان ، فتؤخذ فترة زمنية كأساس وأخرى للمقارنة ، أو تؤخذ دولة معينة كأساس تنسب لها الأرقام الأخرى.

كما تقوم كثير من المؤسسات الحكومية منها والخاصة بحساب ارقام قياسية أو أدلة كما تسمى في أغلب الاحيان وذلك بهدف التنبؤ باحوال الاعمال والاقتصاد ، فضلا عن الحصول على معلومات عامة وما الى ذلك. فمثلا هناك الأرقام القياسية للأجور والأرقام القياسية للإنتاج والأرقام القياسية للبطالة وغير ذلك. ومن اكثر الأرقام المعروفة هو الرقم القياسي لتكاليف المعيشة أو الرقم القياسي للمستهلك.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

ويمكن أن تتلخص استخدامات الأرقام القياسية بما يأتي:-

1. تستخدم في التعرف على الأحوال الاقتصادية والاجتماعية في المجتمع ، اذ أن الأرقام القياسية للأسعار والأرقام القياسية للإنتاج تمثل مؤشرا اقتصاديا واجتماعيا لذلك المجتمع لمعرفة الكفاية الإنتاجية ومدى العلاقة بين زيادة الإنتاج والتكاليف.
2. التعرف على الاتجاه العام والتغيرات الموسمية لسلاسل الأرقام القياسية بعد معرفة التغيرات الاقتصادية ولأسيما الإنتاج، والصادرات، والواردات، والمخزون السلعي، والعمالة وكذلك بالنسبة للظواهر الاجتماعية كالزواج والطلاق اذ تقاس هذه التغيرات لاستخدامها في التخطيط الاجتماعي للبلد.
3. على الرغم من عدم ثبات الظروف الاقتصادية والاجتماعية الا أن الأرقام القياسية تستخدم في بعض الاحيان للتنبؤ مثلا بدراسة الأرقام القياسية للمبيعات يمكن التنبؤ والتخطيط لعمليات الإنتاج وكذلك لعدد العمال اللازمين.
4. المساهمة في تقرير سياسة الحكومة تجاه الضرائب على الاستهلاك والأجور.
5. تحديد سياسة الدولة تجاه مراقبة الاسعار والتدخل لحماية المستهلك.
6. الدلالة أو الكشف عن وجود التضخم النقدي.
7. حساب القوة الشرائية للوحدة النقدية.
8. حساب الاجر الحقيقي للعمال والموظفين وتمييزه عن الاجر النقدي.
9. على الرغم من أن أوسع نطاق لتطبيق الأرقام القياسية هو في حقل الاقتصاد والتجارة ، الا أن ذلك لا يمنع من تطبيق هذا المقياس على بقية فروع العلوم الاجتماعية والطبيعية. ففي التعليم مثلا تستخدم الأرقام القياسية لمقارنة مستوى الذكاء للطلاب في أماكن مختلفة أو على امتداد عدة سنوات.

خطوات اعداد الرقم القياسي:

مهما اختلف تركيب الرقم القياسي فان هناك خطوات مشتركة ينبغي اتباعها لاعداد الرقم القياسي

هي:-

أولاً// تحديد المواد التي ستدخل في حساب الرقم القياسي.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

1. **تصنيف المواد:** تصنف المواد ضمن فئات أو مجموعات أنفاق مثل الحبوب ومنتجاتها والخضروات واللحوم والأسماك والبيض والزيت والدهون والدخان والكحوليات والوقود ... الخ.
2. **أهمية المواد:** هناك معايير تعتمد في تحديد أهمية المادة الداخلة في حساب الرقم القياسي. ففي بعض الدول وللدلالة على أهمية المادة فإنه يؤخذ الأنفاق معياراً لذلك، أو قد يتخذ أساساً لنسبة الأسر التي تشتري هذه المادة أكثر من غيرها وهكذا.
3. **تعديل القائمة:** تتغير مع الزمن عادات البشر في الاستهلاك، كما أن مواداً كثيرة تحل محل مواد أخرى أو مواد مهمة تصبح غير مهمة أو العكس، وعليه ينبغي مراجعة قائمة المواد كلما مضت مدة من الزمن.
4. **عدد المواد المنتقاة:** ليس هناك تحديد لعدد المواد الممكن أنتقاؤها وادخالها في حساب الرقم القياسي، إلا أنه ينبغي أن تكون قائمة المواد ممثلة لمختلف الفئات والمجموعات، وأن حسن أنتقاء المواد خير من الاكثار منها من دون تدقيق.
5. **التماثل:** ينبغي أن ندرك جيداً عند تحديد المواد أن التطورات السريعة للاختراعات في هذه الأيام تحدث تغييرات مهمة في جودة ونوعية وسعر بعض المواد حتى وأن كانت المادة نفسها والمنتج نفسه، فلا نستطيع أن نقارن بين جهاز حاسوب حديث وآخر قديم، ولا بين سيارة قديمة وأخرى حديثة. وهكذا ينبغي أن نحافظ على تماثل المواد بين فترة زمنية وأخرى.

ثانياً// تحديد مصادر الاسعار:

من حيث المصادر التي تستقى منها الاسعار فلا صعوبة في ذلك كون الاسعار شبه ثابتة ، اذ انها أما محددة من قبل الحكومة أو بفعل المنافسة الحرة. وربما تكون هناك فروق بين الاسعار من محل تجاري الى آخر بسبب اختلاف الموقع أو نوع الخدمة، غير أن هذه الفروق غالباً ما تكون صغيرة ويمكن ازالة أثرها بأخذ متوسط السعر من المحلات التجارية الأنموذجية.

ثالثاً// تحديد سنة الأساس:

في هذه الحالة نحدد الأساس الذي نقيس به سنة التغير أو السنة التي سننسب اليها التغير. وينبغي أن تكون فترة الأساس عادية وخالية من المؤثرات العرضية، ولا ننسب الى سنة كساد أو سنة رواج

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

أو سنة حرب أو سنة قحط أو غيره. فإذا نسبنا إلى سنة في أعماق الكساد فإن قيمة الظاهرة كالأسعار مثلاً ، تبدو وكأنها مرتفعة جداً بالقياس إلى سنة الأساس، أما إذا نسبنا إلى سنة تتصف بالرخاء فإن الاتجاه العام للظاهرة يبدو وكأنه سالب.

كما أنه من الضروري أن نراعي طول المدة بين سنة الأساس وسنة المقارنة. إذ عند أعداد الرقم القياسي لنفقات المعيشة نجد أن سلعا تختفي ويجب الغاؤها من الحساب وسلعا أخرى جديدة يجب إدخالها في الحساب ، كما أن الأهمية النسبية للسلعة تتغير بمرور الزمن.

رابعاً// أعداد الترجيحات:

تمثل الترجيحات الأهمية النسبية التي تعطى لكل مادة من المواد عند حساب الرقم القياسي. فمثلاً نفرض أن سعر الخبز ارتفع عشرة بالمائة ، وارتفع سعر الشكولاتة عشرة بالمائة أيضاً. أن كلا السعرتين ارتفع بالنسبة نفسها ، ولكن أيهما يؤثر تأثيراً أكبر في أنفاق المستهلكين والأسر؟، وبالطبع لاغلب الدول النامية ومنها العراق فإن ارتفاع سعر الخبز سيكون ذا أهمية أكبر من ارتفاع سعر الشكولاتة، ولكن السؤال كيف تقاس تلك الأهمية النسبية لكل مادة؟

وطالما الحديث عن الأرقام القياسية فإن الأهمية النسبية لكل مادة تقاس بالكميات التي تستهلك منها خلال السنة أو بقيم تلك الكميات. فقد نجد أن الفرد يستهلك نحو (180) كغم من الخبز في السنة ، في حين لا يتجاوز استهلاكه من الشوكولاتة أكثر من (2) كغم سنوياً. عليه فإن المستهلك يشعر بوطأة ارتفاع أسعار الخبز أكثر بكثير من شعوره بارتفاع أسعار الشكولاتة، إذ أن الكميات التي يستهلكها من الخبز أكثر بكثير من الكميات التي يستهلكها من الشكولاتة ، الأمر الذي يجب أخذه بنظر الاعتبار عند حساب الرقم القياسي للأسعار بأن نرجح كل مادة بما يتناسب مع أهمية الأنفاق والاستهلاك.

خامساً// حساب الترجيحات :

هناك طرائق عدة لحساب أوزان أو ترجيحات الأرقام القياسية لأسعار التجزئة ، وهي تتعلق بطرق تقدير الكميات المستهلكة أو قيم الأنفاق عليها. إذ من الممكن تقدير الكميات المستهلكة من المواد أو قيمتها بطريقة سريريان البضائع وذلك بأن نقدر إنتاج المواد ونتابعه إلى أن يستقر في أيدي المستهلكين وفقاً للخطوات الآتية:-

1. تقدير الكميات المنتجة في العام أو تقدير قيمتها.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

2. اضافة الكميات المخزونة من العام السابق أو اضافة قيمتها.
3. اضافة الكميات المستوردة أو قيمتها وطرح الكميات المصدرة أو قيمتها.
4. طرح الكميات المخزونة في أواخر العام أو قيمتها (المدورة الى العام القادم)

ومن الممكن اتباع طريقة كميات مبيعات التجزئة أو قيمتها وذلك بأن تقدر عن طريق بائعي التجزئة لكميات البضائع أو قيمتها خلال العام.

ولكن افضل الطرائق للحصول على ترجيحات الأرقام القياسية لاسعار التجزئة هي دراسة نفقات الاسرة اذ تزودنا هذه الدراسات بكميات المواد وقيمها الفعلية التي تستهلكها الاسر طيلة العام فهي ادق واصدق تمثيلا لتكوين الاستهلاك وتوزيعه على مختلف المواد والبضائع والخدمات.

سادسا// حساب الرقم القياسي:

بعد اكمال البيانات جميعها التي تدخل في تركيب الرقم القياسي وكذلك بعد اختيار فترة الأساس والاوزان المناسبة وطرائق الترجيح يتم حساب الرقم القياسي المطلوب وتوجد طرائق عدة منها:-

أولاً:- الأرقام القياسية النسبية *Relative Index Numbers*

ثانياً:- الأرقام القياسية التجميعية *Aggregative Index Numbers*

أولاً:- الأرقام القياسية النسبية:

للتعرف على مفهوم المناسب سنعرض الى بعض المفاهيم المتعلقة بهذه الأرقام وكما يأتي:-

1- مناسب الاسعار

من ابسط الامثلة للرقم القياسي هو منسوب السعر، وهو نسبة السعر لسلمة واحدة في فترة المقارنة الى سعرها في فترة اخرى تسمى بفترة الأساس أو فترة الاسناد. وللتسهيل سوف نفترض أن الاسعار ثابتة لأي فترة، فاذا لم يكن هذا صحيحا فإنه يمكن استخدام متوسط ملائم للفترة حتى نجعل هذا الفرض صحيحا.

اذا كان P_0 يمثل سعر السلعة خلال فترة الأساس و P_n سعرها خلال مدة المقارنة فإنه بالتعريف:-

$$\text{منسوب السعر} = \frac{P_n}{P_0}$$

ويعبر عنه بشكل عام في صورة نسبة مئوية بضربه في 100

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

مثال (21): افترض أن اسعار المستهلكين لسلعة معينة في السنوات 1980 و 1989 هي 25 و 30 دينارا على الترتيب، فاذا اخذنا سنة 1980 كسنة أساس و 1989 سنة المقارنة ، فإن:-

$$\text{منسوب السعر} = \frac{\text{price in 1989}}{\text{price in 1980}} = \frac{30}{25} = 1.2 \text{ أو } 120\%$$

أو باختصار 120 ، بحذف علامة % كما هو متبع غالبا في المؤلفات الاحصائية. هذه النتيجة تعني ببساطة أن سعر السلعة في 1989 اصبح 120% من سعرها في سنة 1980 أي زاد بنسبة 20% .

أما اذا اخذنا سنة 1989 كسنة أساس و 1980 هي سنة المقارنة فإن:-

$$\text{منسوب السعر} = \frac{\text{price in 1980}}{\text{price in 1989}} = \frac{25}{30} = 83.3\%$$

باختصار فإن السعر في عام 1980 كان يساوي 83.3% من سعره في عام 1989 أي أنه كان ينقص بنسبة 16.7% .

لاحظ أن منسوب السعر لفترة معينة بالنسبة لفترة نفسها سيكون دائما 100% أو 100 ، وعلى وجه الخصوص فإن منسوب السعر المقابل لمدة الأساس يصبح دائما 100 ، وهذا يوضح الرمز الذي يستخدم غالبا في المؤلفات الاحصائية بكتابه على سبيل المثال 100=1980 للإشارة الى أن سنة 1980 عدت سنة أساس.

خصائص مناسيب الاسعار:-

إذا كانت P_a و P_b و P_c تعبر عن اسعار الفترات a و b و c على الترتيب، فإن الخصائص الآتية تتحقق لمناسيب الاسعار المرتبطة بها.

$$1. \text{خاصية التطابق: } P_{a/a} = 1$$

وهذه تقرر ببساطة أن منسوب السعر لفترة معينة بالنسبة لنفسها تساوي 1 أو 100%.

$$2. \text{خاصية الأنعكاس في الزمن: } P_{a/b} = \frac{1}{P_{b/a}} \text{ or } P_{a/b} P_{b/a} = 1$$

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

وهذه تقرر أنه إذا اطلنا فترتين كلا محل الاخرى، فإن مناسيب الاسعار المقابلة تكون كل منها معكوس الاخرى.

$$P_{a/b} P_{b/c} P_{c/a} = 1$$

3. خاصية الدورية أو الدائرية: $P_{a/b} P_{b/c} P_{c/d} P_{d/a} = 1$ وهكذا....

$$P_{a/b} P_{b/c} = P_{a/c}$$

4. خاصية الدورية أو الدائرية المعدلة: $P_{a/b} P_{b/c} P_{c/d} = P_{a/d}$ وهكذا....

2- مناسيب الكمية أو الحجم:

بدلا من مقارنة اسعار السلعة ، قد نهتم بمقارنة كميات أو حجوم السلعة ، مثل كمية أو حجم الإنتاج والاستهلاك و التصدير وغيرها . في مثل هذه الحالات نتكلم عن مناسيب الكمية أو مناسيب الحجم للتسهيل، كما في حالة الاسعار نفترض الكميات ثابتة في أي فترة وإذا لم يكن هذا صحيحا فإنه يمكن استخدام متوسط ملائم لجعل هذا الفرض ممكنا.

إذا كانت q_0 نعبر عن كمية أو حجم السلعة المنتجة أو المستهلكة أو المصدرة وغير ذلك خلال فترة الأساس ، بينما q_n تعبر عن كمية الإنتاج أو الاستهلاك وغير ذلك المقابلة خلال فترة المقارنة :-

$$\text{منسوب الكمية أو الحجم} = \frac{q_n}{q_0}$$

ويعبر عنها بصفة عامة في شكل نسب مئوية. كما أن الملاحظات نفسها التي تتعلق بمناسيب السعر تنطبق على مناسيب الكمية.

3- مناسيب القيمة:

إذا كان p هو سعر السلعة خلال فترة ما و q هي الكمية أو الحجم المنتج أو المباع أو غير ذلك خلال الفترة ، فإن pq تسمى القيمة الاجمالية، فإذا بيعت 1000 وحدة بسعر 30 دينارا لكل وحدة فإن القيمة الاجمالية هي $(30)(1000) = 30000$.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

إذا كان p_0 يعبر عن السعر و q_0 عن الكمية لسلعة ما خلال فترة الأساس بينما p_n يعبر عن السعر المقابل و q_n الكمية المقابلة خلال الفترة المعطاه (فترة المقارنة) كما أن القيمة الاجمالية خلال هذه الفترات هي v_0 لفترة الأساس و v_n للفترة المعطاه. وعليه يكون منسوب القيمة :-

$$\frac{v_n}{v_0} = \frac{p_n q_n}{p_0 q_0} = \left(\frac{p_n}{p_0} \right) \left(\frac{q_n}{q_0} \right) \text{ منسوب القيمة}$$

والتعليقات والرموز والخصائص نفسها التي تتعلق بمناسيب السعر والكمية يمكن أن تنطبق على مناسيب القيمة.

ويحسب الرقم القياسي باستخدام طريقة المناسيب باتباع ما يأتي :-

1. طريقة المناسيب البسيطة:

في هذه الطريقة يعبر عن الرقم القياسي بأنه عبارة عن النسبة بين متغير واحد في فترة زمنية معينة الى المتغير نفسه، كما يمكن أن تنسب أرقام فترة المقارنة الى متوسط قيم الظاهرة في فترة معينة كفترة أساس.

مثال (22) :

إذا كانت كميات إنتاج القمح لاحدى المحافظات للمدة (1992-1999) كما هي ممثلة في

الجدول الآتي :-

Year	1992	1993	1994	1995	1996	1997	1998	1999
Production	8961	6363	6960	6683	6497	8106	8918	9143

المطلوب :- حساب الرقم القياسي لمناسيب الأنتاج بفرض أن :-

1. سنة الأساس هي 1992.

2. الفترة (1992-1994) هي فترة الأساس.

الحل:

يمكن عمل الجدول الآتي ليوضح الأرقام القياسية للأنتاج:

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

Year	Production	الرقم القياسي على أساس سنة 1992	الرقم القياسي على أساس الفترة (1992-1994) هي فترة الأساس
1992	8961	$I.N = \frac{8961}{8961} \times 100 = 100\%$	$I.N = \frac{8961}{7428} \times 100 = 121\%$
1993	6363	$I.N = \frac{6363}{8961} \times 100 = 71\%$	86%
1994	6960	78%	94%
1995	6683	75%	90%
1996	6497	73%	88%
1997	8106	91%	109%
1998	8918	99%	120%
1999	9143	102%	123%

ملاحظة: الأرقام مقربة الى اقرب عدد صحيح.

$$7428 = 3 \div (6960 + 6363 + 8961) = (1994-1992)$$

يمكن أيجاد الأرقام القياسية النسبية البسيطة باستخدام مقاييس النزعة المركزية للتعبير عن قيمة متوسط الاسعار النسبية كالوسط الحسابي أو الوسط الهندسي أو الوسط التوافقي لمناسيب الاسعار.

$$I.N = \frac{1}{n} \sum \frac{P_n}{P_0} \quad \text{أ) الوسط الحسابي للمناسيب وهو}$$

اذ أن:

$$\sum \frac{P_n}{P_0} : \text{هو مجموع مناسيب الاسعار لجميع السلع الداخلة في حساب الرقم القياسي.}$$

ب) الوسط الهندسي للمناسيب : لو رمزنا لمنسوب السعر بالرمز R يكون للسلعة الأولى R_1 وللثانية R_2 وللثالثة R_3 والقيمة R_n ، ويكون الرقم القياسي باستخدام الوسط الهندسي للمناسيب هو:-

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

$$I.N = \sqrt[n]{R_1 \cdot R_2 \cdot R_3 \dots R_n}$$

باستخدام قوانين اللوغاريتمات نحصل على:-

$$\text{Log } I.N = \frac{1}{n} [\text{Log } R_1 + \text{Log } R_2 + \text{Log } R_3 + \dots + \text{Log } R_n]$$

(ج) الوسط التوافقي للمناسيب: يمكن الحصول عليه باستخدام الصيغة الآتية:-

$$I.N = \frac{n}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_n}}$$

$$I.N = \frac{n}{\sum_{1}^n \frac{1}{R}}$$

مثال (23):

احسب الرقم القياسي النسبي البسيط بالطرائق الثلاثة لبيانات الجدول الآتي:-

$\frac{1}{R}$	Log R	منسوب السعر % $R = \frac{P_{1995}}{P_{1990}}$	السعر		السلعة
			1995	1990	
0.00625	2.20412	160	0.08	0.05	خبز
0.00500	2.30103	200	0.30	0.15	بيض (طبقة)

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

0.00800	2.09691	125	1.00	0.80	زيت (لتر)
0.00382	2.41830	262	2.62	1.00	لحم (كغم)
0.02307	9.02036	747			المجموع

1- الرقم القياسي النسبي البسيط بطريقة الوسط الحسابي للمناسيب.

$$I.N = \frac{1}{n} \sum \frac{P_n}{P_0} \Rightarrow I.N = \frac{1}{4} (747) = 187\%$$

أي أن الرقم قد أصبح 187% في عام 1995 عما كان عليه عام 1990 أي أن الاسعار زادت بنسبة 87%

2- الرقم القياسي النسبي البسيط بطريقة الوسط الهندسي للمناسيب.

$$\text{Log } I.N = \frac{1}{n} [\text{Log } R_1 + \text{Log } R_2 + \text{Log } R_3 + \dots + \text{Log } R_n]$$

$$\text{Log } I.N = \frac{9.02036}{4} = 2.2559$$

$$I.N = 179.9\%$$

أي أن الاسعار ازدادت بنسبة 79.9% عام 1995 عنها في عام 1990

3- الرقم القياسي النسبي البسيط بطريقة الوسط التوافقي للمناسيب.

$$I.N = \frac{n}{\sum_1^n \frac{1}{R}}$$

$$I.N = \frac{4}{0.02307} = 173.4\%$$

أي أن الاسعار ازدادت بنسبة 73.4% عام 1995 عنها في عام 1990.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

ان من أهم عيوب طريقة المناسيب البسيطة أنها تساوي في الاهمية النسبية بين السلع المختلفة في حساب الرقم القياسي، لذلك فهذه الأرقام لا تعبر بصورة دقيقة عن التغير في الاسعار ، ويمكننا أن نعدل هذه الأرقام باوزان تتناسب مع اهمية كل سلعة.

ثانياً: - الأرقام القياسية التجميعية *Aggregative Index Numbers*

1. الصيغة التجميعية البسيطة:

ان الرقم القياسي التجميعي البسيط للاسعار هو:

$$I.N(p) = \frac{\sum P_n}{\sum P_0} \times 100$$

أما الرقم القياسي التجميعي البسيط للكميات فهو:

$$I.N(q) = \frac{\sum q_n}{\sum q_0} \times 100$$

أما طريقة حساب الأرقام القياسية التجميعية البسيطة للاسعار والكميات فهي كما يأتي:-

1. نحصل على مجموع أسعار أو كميات السلع المطلوبة ولجميع السنوات.
2. تقسم مجاميع الاسعار أو مجاميع الكميات لفترة المقارنة على مجاميع فترة الأساس ويضرب الناتج في 100.

مثال (24):

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

فيما يأتي اسعار بعض السلع وهي: القطن، والقمح، والرز، والشعير، وقصب السكر لعامي 1990 و 1995 . المطلوب : حساب الرقم القياسي التجميعي البسيط للاسعار على فرض أن سنة 1990 هي سنة الأساس.

السلعة	اسعار سنة الأساس 1990 P_0	اسعار سنة المقارنة 1995 P_n
القطن	160.74	150.24
القمح	40.29	40.31
الرز	170.0	170.0
الشعير	36.8	37.6
قصب السكر	11.0	11.0
المجموع	418.83	409.15

$$I.N(p) = \frac{\sum P_n}{\sum P_0} \times 100$$

$$I.N(p) = \frac{409.15}{418.83} \times 100 = 97.7$$

وبالطريقة نفسها يمكن حساب الرقم القياسي الخاص بالكميات.

تجدر الإشارة الى أن هذه الأرقام تعبر عن مجموع قيم الوحدات كنسب مئوية من مجموع قيمها في نسبة الأساس. كما أنها تساوي في الأهمية النسبية لجميع السلع المستخدمة، ولذا فمن الأفضل أن تستخدم هذه الطريقة لتركيب الرقم القياسي لاسعار سلعة واحدة وذات اصناف مختلفة اذ تكون متجانسة وكذلك اسعارها متقاربة كمحصول القطن. أما في حالة وحدات القياس لكميات السلع فإنه لايمكن تطبيق هذه الطريقة.

الرقم القياسي التجميعي المرجح (الصيغة التجميعية المرجحة)

ان اختلاف السلع في أهميتها الاقتصادية أبرزت صيغة الرقم القياسي التجميعي المرجح وذلك لاعطاء الأهمية النسبية لهذه السلعة ونحاول هنا أن نعطي لكل سلعة من السلع الداخلة وزنا يتناسب وأهميتها ، وهذه الأهمية يمكن تصويرها في حالة تركيب الرقم القياسي للأسعار بالكميات المنتجة من

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

هذه السلع . وهنا قد يكون الترجيح بالكميات في فترة الأساس أو بالكميات في فترة المقارنة وعلى ذلك نجد الأرقام القياسية الآتية:-

1. الرقم القياسي المرجح بكميات فترة الأساس (رقم لاسبير) *Laspeyres Number*

ان الصيغة العامة لهذا الرقم هي:-

$$I.N(p) = \frac{\sum P_n q_0}{\sum P_0 q_0} \times 100$$

ولحساب هذا الرقم نتبع الخطوات الآتية:-

- نجمع حاصل ضرب سعر كل سلعة في فترة معينة في كمية هذه السلعة لسنة الأساس لنحصل على $(\sum p_n q_0)$ بالنسبة للأسعار في فترة المقارنة ونحصل على $(\sum p_0 q_0)$ للأسعار في فترة الأساس.
- نقسم المجموع في كل سنة من سنوات المقارنة على مجموع فترة الأساس ويضرب الناتج في 100.

مثال (25):

الجدول الآتي يبين اسعار وكميات اربع سلع للعامين 1993 و 1994 المطلوب استخراج الرقم القياسي المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير). علما أن سنة الأساس هي 1993

السلعة	سنة 1993		سنة 1994	
	P_0	q_0	P_n	q_n
A	10	200	15	160
B	20	80	25	50
C	5	300	10	200
D	35	100	25	150

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
 د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
 المرحلة الثالثة/ اقتصاد

لاستخراج رقم لاسبير نستخرج المجاميع الآتية: $\sum p_n q_0$ و $\sum p_0 q_0$ وكما يأتي:

السلعة	$p_n q_0$	$p_0 q_0$
A	3000	2000
B	2000	1600
C	3000	1500
D	2500	3500
Total	$\sum p_n q_0 = 10500$	$\sum p_0 q_0 = 8600$

اذن الرقم القياسي المرجح للاسعار (مرجح بكميات سنة الأساس):-

$$I.N(p) = \frac{\sum p_n q_0}{\sum p_0 q_0} \times 100$$

$$I.N(p) = \frac{10500}{8600} \times 100$$

$$= 122.09\%$$

وهنا يدل رقم لاسبير على التغير في قيمة السلع في فترة الأساس اذا ما قيست هذه السلع في فترة المقارنة.

من عيوب هذا الرقم أنه يساوي في الأهمية النسبية بين الاسعار المرتفعة والاسعار المنخفضة، وبذلك فأن هذا الرقم سيكون متحيزا نحو الاعلى وهو لا يأخذ بنظرية الطلب والعرض لكونه تعد كميات فترة الأساس هي كميات ثابتة مهما تغيرت الاسعار ، في الوقت الذي قد تختلف الظروف الاجتماعية والعادات مما تغير من نمط الاستهلاك لبعض السلع بصرف النظر عن السعر.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

2. الرقم القياسي المرجح بكميات فترة المقارنة (رقم باش) *Paashe's Number*

يعبر عن هذا الرقم بالصيغة الآتية:-

$$I.N(p) = \frac{\sum p_n q_n}{\sum p_0 q_n} \times 100$$

وباستخدام بيانات المثال (25) فعلينا أن نستخرج المجاميع الآتية: $\sum p_n q_n$ و $\sum p_0 q_n$ وكما يأتي:-

السلعة	$p_n q_n$	$p_0 q_n$
A	2400	1600
B	1250	1000
C	2000	1000
D	3750	5250
Total	$\sum p_n q_n = 9400$	$\sum p_0 q_n = 8850$

اذن الرقم القياسي المرجح للاسعار (مرجح بكميات سنة المقارنة):-

$$\begin{aligned} I.N(p) &= \frac{\sum p_n q_n}{\sum p_0 q_n} \times 100 \\ &= \frac{9400}{8850} \times 100 \\ &= 106.2\% \end{aligned}$$

ورقم باش يدل على التغير في قيمة السلع في فترة المقارنة اذا ما قيست هذه السلع بأسعارها في فترة الأساس.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

ان الرقمين السابقين قد تم ترجيحهما بالكميات فالأول كان الترجيح بكميات سنة الأساس وللثاني بكميات سنة المقارنة. غير أن رقمي لاسبير وباش للاسعار يمكن التعبير عنهما بالرقم القياسي للكميات ، أي أن الترجيح هنا يكون بالاسعار وكما يأتي:-

3- الرقم القياسي للكميات المرجح باسعار سنة الأساس (رقم لاسبير للكميات) وصيغته هي:-

$$I.N(q) = \frac{\sum q_n P_0}{\sum q_0 P_0} \times 100$$

4- الرقم القياسي للكميات المرجح باسعار سنة المقارنة (رقم باش للكميات) وصيغته هي:-

$$I.N(q) = \frac{\sum q_n P_n}{\sum q_0 P_n} \times 100$$

وبالاعتماد على بيانات المثال (25) يمكن إيجاد رقمي لاسبير وباش للكميات ، وهذا يعني ضرورة إيجاد المجاميع الآتية:-

$$\sum q_n P_0 \text{ و } \sum q_0 P_0 \text{ و } \sum q_n P_n \text{ و } \sum q_0 P_n \text{ وكما يأتي:-}$$

السلعة	$q_n P_0$	$q_0 P_0$	$q_n P_n$	$q_0 P_n$
A	1600	2000	2400	3000
B	1000	1600	1250	2000
C	1000	1500	2000	3000
D	5250	3500	3750	2500

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

Total	$\sum q_n p_0 = 8850$	$\sum q_0 p_0 = 8600$	$\sum q_n p_n = 9400$	$\sum q_0 p_n = 10500$
--------------	-----------------------	-----------------------	-----------------------	------------------------

اذن رقم لاسبير للكميات:-

$$I.N(q) = \frac{\sum q_n p_0}{\sum q_0 p_0} \times 100$$

$$= \frac{8850}{8600} \times 100$$

$$= 102.9\%$$

أما رقم باش للكميات:-

$$I.N(q) = \frac{\sum q_n p_n}{\sum q_0 p_n} \times 100$$

$$= \frac{9400}{10500} \times 100$$

$$= 89.52\%$$

الفرق بين رقمي لاسبير وباش:

نلاحظ أن رقم لاسبير للأسعار يرجح بكميات الأساس بينما يرجح رقم باش للأسعار بكميات سنة المقارنة اعتقاداً من لاسبير بأن نمط الاستهلاك عند الناس ثابت ومن ثم فكميات الاستهلاك من المواد تقريبا ثابتة ، الا أن باش يخالفه الرأي ويرى بأن النمط الاستهلاكي عند الناس يتغير مع الزمن ولا يمكن أن تبقى الكميات نفسها ثابتة أو لا يمكن أن يبقى تفضيل الناس للمواد ثابتاً، فمواد كثيرة تكون مهمة في سنة ما تصبح غير مهمة بعد عدة سنين أو العكس فهناك مادة تكون غير مهمة تصبح مهمة. وعليه يرى باش ضرورة الترجيح بالكميات المستهلكة في سنة المقارنة وليس سنة

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

الأساس، وهذا غير صحيح ولاسيما اذا طالت الفترة بين سنتي الأساس والمقارنة. ولكن على الرغم من هذا فإن رقم لاسبير هو الاكثر استخداما وشيوعا وذلك لأنه يعتمد على بيانات سنة الأساس ولايحتاج الى بيانات جديدة كل سنة، بينما رقم باش يحتاج الى تجديد البيانات الامر الذي يتطلب اجراء مسح سنوية لنفقات ودخل الاسرة، وهذا امر ليس بالسهل على الدول ولاسيما وان تكلفة المسح عالية. ولكن اذا توفرت المسوح الحديثة والبيانات الحديثة فمن الممكن حساب الرقمين بسهولة وكذلك يصبح من الممكن حساب رقم فيشر أو الرقم القياسي الامثل .

5- رقم فيشر الامثل. *Fishers Index Number*

أو الرقم القياسي الامثل *Ideal Index Number*

ذكرنا أن للرقمين السابقين لاسبير وباش مزايا وعيوبا مما يجعل من الصعب تفضيل احدهما على الاخر ، وقد جمع فيشر بين الرقمين وأوجد رقما جديدا عبارة عن الوسط الهندسي لرقمي لاسبير وباش، وصيغته هي:-

$$I.N(F) = \sqrt{\frac{\sum p_n q_0}{\sum p_0 q_0} \times \frac{\sum p_n q_n}{\sum p_0 q_n}}$$

ومن مثال (25) نجد أن رقم لاسبير للاسعار = 122.09 ، في حين كان رقم باش للاسعار = 106.2 ، عليه فان رقم فيشر هو:-

$$\begin{aligned} I.N(F) &= \sqrt{(122.09)(106.2)} \\ &= \sqrt{12965.958} \\ &= 113.87 \end{aligned}$$

وهنا نجد أن اسعار السلع لعام 1994 تزيد بنسبة 13.87% عن اسعارها في سنة الأساس عام 1993.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

6- الرقم القياسي المرجح بكميات المقارنة والأساس (رقم مارشال - ادجورث) -*Marshall- Edgewerth Number*

يمكن أن نرجح الاسعار بالكميات في سنة مختارة غير سنة الأساس أو سنة المقارنة كان تكون سنة أنموذجية أو متوسط سنة الأساس وسنة المقارنة وهكذا فهذا الرقم يصاغ بالصيغة الآتية:-

$$I.N = \frac{\sum p_n q_t}{\sum p_0 q_t} \times 100$$

و t هنا تعني أي سنة نختارها فإذا كانت $t = 0$ يصبح الرقم يمثل رقم لاسبير. أما إذا كانت $t = n$ يصبح الرقم يمثل رقم باش.

وإذا كانت q_t تعبر عن متوسط كميات سنتي الأساس والمقارنة فان الرقم يسمى برقم مارشال- ادجورث والذي يعبر عن الوسط الحسابي لكميات سنة الأساس وكميات سنة المقارنة ، وصيغته هو:-

$$I.N = \frac{\sum p_n \frac{q_0 + q_n}{2}}{\sum p_0 \frac{q_0 + q_n}{2}} \times 100$$

$$I.N = \frac{\sum p_n (q_0 + q_n)}{\sum p_0 (q_0 + q_n)} \times 100$$

ومرة ثانية بالاعتماد على بيانات المثال (25) ينبغي أنشاء الجدول الآتي للحصول على ما يأتي:-

السلعة	$(q_0 + q_n)$	$p_n (q_0 + q_n)$	$p_0 (q_0 + q_n)$
A	360	5400	3600
B	130	3250	2600
C	500	5000	2500
D	250	6250	8750
Total		19900	17450

اذن رقم مارشال - ادجورث يساوي:-

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
 د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
 المرحلة الثالثة/ اقتصاد

$$I.N = \frac{\sum p_n (q_0 + q_n)}{\sum p_0 (q_0 + q_n)} \times 100$$

$$= \frac{19900}{17450} \times 100$$

$$= 114.04\%$$

كما يمكن استخدام الوسط الهندسي لكميات سنتي الأساس والمقارنة كأوزان للترجيح وعندها يصبح الرقم يساوي:-

$$I.N = \frac{\sum p_n \sqrt{q_0 q_n}}{\sum p_0 \sqrt{q_0 q_n}} \times 100$$

وحتى يمكن حل بيانات المثال (25) ينبغي إنشاء الجدول الآتي:-

السنة	$\sqrt{q_0 q_n}$	$p_n \sqrt{q_0 q_n}$	$p_0 \sqrt{q_0 q_n}$
A	178.9	2683.5	1789
B	63.2	1580	1264
C	244.9	2449	1224.5
D	122.5	3062.5	4287.5
Total		9775	8565

الرقم القياسي بالصيغة اعلاه :-

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

$$I.N = \frac{\sum p_n \sqrt{q_0 q_n}}{\sum p_0 \sqrt{q_0 q_n}} \times 100$$

$$= \frac{9775}{8565} \times 100$$

$$= 114.13\%$$

الرقم القياسي باستخدام الوسط المرجح للمناسيب:

هنا سيتم استخدام الاوزان المناسبة في الترجيح، وأن افضل الاوزان التي يتم استخدامها هنا هي قيم السلع ، ومن المعروف أن القيمة هي عبارة عن حاصل ضرب الكمية في السعر وعلى ذلك فان الترجيح يتم بالطرائق الآتية:-

1. اسعار سنة الأساس × كميات سنة الأساس. هنا القيمة تساوي $P_0 q_0$ وبذلك تكون القيمة

في زمن الأساس. وهنا الصيغة العامة للرقم القياسي للاسعار هي:-

$$I.N(p) = \frac{\sum \left[\frac{p_n}{p_0} \times p_0 q_0 \right]}{\sum p_0 q_0}$$

وهذا هو الرقم القياسي نفسه للاسبير للاسعار $I.N(p) = \frac{\sum p_n q_0}{\sum p_0 q_0}$.

$$I.N(q) = \frac{\sum \left[\frac{q_n}{q_0} \times p_0 q_0 \right]}{\sum p_0 q_0}$$

أما الرقم القياسي للكميات فهو:

وهو أيضا الرقم القياسي نفسه للاسبير للكميات $I.N(q) = \frac{\sum q_n p_0}{\sum q_0 p_0}$

2. اسعار سنة الأساس × كميات سنة المقارنة. أي أن القيمة تساوي $P_0 q_n$.

3. اسعار سنة المقارنة × كميات سنة الأساس. أي أن القيمة تساوي $P_n q_0$.

فيما يتعلق بالنقطتين الثانية والثالثة ، أي أنه في حالة ترجيح المناسيب $P_0 q_n$ و $P_n q_0$

على الترتيب اذ نحصل على الأرقام القياسية للاسعار والكميات الآتية:-

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

• المناسب للاسعار

$$I.N(p) = \frac{\sum \left[\frac{p_n}{p_0} \times p_0 q_n \right]}{\sum p_0 q_n} = \frac{\sum p_n q_n}{\sum p_0 q_n}$$

وهذا يمثل الرقم القياسي لباس للاسعار.

• المناسب للكميات

$$I.N(q) = \frac{\sum \left[\frac{q_n}{q_0} \times p_n q_0 \right]}{\sum p_n q_0} = \frac{\sum q_n p_n}{\sum q_0 p_n}$$

وهذا يمثل الرقم القياسي لباس للكميات

4. اسعار سنة المقارنة × كميات سنة المقارنة. أي أن القيمة تساوي $p_n q_n$. وتكون القيمة في فترة المقارنة. وهنا سنحصل على الرقم القياسي الآتي:-

$$I.N(p) = \frac{\sum \left[\frac{p_0}{p_n} \times p_n q_n \right]}{\sum p_n q_n} = \frac{\sum p_0 q_n}{\sum p_n q_n} \bullet$$

وأن هذا الرقم عبارة عن مقلوب الرقم القياسي لباس للاسعار.

$$I.N(q) = \frac{\sum \left[\frac{q_0}{q_n} \times p_n q_n \right]}{\sum p_n q_n} = \frac{\sum q_0 p_n}{\sum q_n p_n} \bullet$$

وهذا أيضا هو مقلوب الرقم القياسي لباس للكميات.

مميزات طريقة الوسط المرجح للمناسيب:

تتميز هذه الطريقة عن الطرائق الأخرى بما يأتي:-

1. يمكن الحصول على المناسيب البسيطة لكل سلعة وكذلك يمكن تعديل الأرقام بادخال المناسيب الحديثة بدلا من القيمة.
2. يمكن ادخال سلعة واحدة بدلا من عدة سلع فرعية مع الترجيح بقيمة المجموعة الفرعية.

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

3. سهولة الحصول على أرقام قياسية عديدة وكذلك يمكن الحصول على رقم قياسي عام منها. ويمكن الحصول على منسوب القيمة من العلاقة بين الأرقام القياسية للأسعار والكميات بصيغتي لاسبير وباش كالآتي:-
- منسوب القيمة = رقم لاسبير للأسعار × رقم باش للكميات = رقم باش للأسعار × رقم لاسبير للكميات.

وإذا فرضنا أن منسوب القيمة هو $I.N(V)$

$$I.N(V) = \frac{\sum P_n q_0}{\sum P_0 q_0} \times \frac{\sum q_n P_n}{\sum q_0 P_n} = \frac{\sum P_n q_n}{\sum P_0 q_n} \times \frac{\sum q_n P_0}{\sum q_0 P_0} = \frac{\sum P_n q_n}{\sum P_0 q_0}$$

الانتقادات الموجهة لصيغ الأرقام القياسية //

- عرضنا في الصفحات السابقة مجموعة من صيغ الأرقام القياسية ، وقد تعرضت هذه الصيغ لبعض النقد من قبل مجموعة من الإحصائيين والاقتصاديين وهي كما يأتي:-
1. يعد بعض الإحصائيين أن الرقم القياسي الأمثل هو من الأرقام غير المفضلة وذلك لصعوبة تحديد ما يقيسه هذا الرقم.
 2. اعترض بعض الاقتصاديين على بعض الأرقام القياسية ، فقد اعترض كينز على الرقم القياسي لاسبير على أنه يفترض ثبات اذواق المستهلكين وكذلك ثبات كمية الاستهلاك ، في حين أن الحقيقة هي غير ذلك وهو بذلك رقم متحيز نحو الأعلى.
 3. كذلك بالنسبة للرقم القياسي لباش ، فقد ظهر متحيزا نحو الأسفل لأنه ليس من المعقول أن يكون المستهلك قد اشترى الكمية نفسها في سنة المقارنة بعد ارتفاع الأسعار عن فترة الأساس.
 4. ليس من الضروري أن يكون رقم مارشال غير متحيز.
 5. وقد يرى كينز أن أفضل رقم قياسي للأسعار هو الذي يقيس التغير في قيمة النقود ولهذا لابد من تركيب رقم قياسي يقيس المنفعة المتغيرة للسلع جميعها التي تعطي المنفعة نفسها لمجاميع متشابهة من الأفراد خلال فترة المقارنة وفترة الأساس.

الأرقام القياسية بطريقة السلسلة أو الأساس المتحرك:

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

ان اختيار سنة الأساس أو فترة الأساس ينبغي أن يكون موقفاً أي أن تكون سنة الأساس مستقرة وخالية قدر الامكان من المؤثرات والا فان الرقم القياسي المحسوب لن يكون معبراً عن حقيقة البيانات أو بمعنى آخر يكون معيباً ، وكذلك الامر فيما يتعلق بمكان الأساس ، فهو الآخر ينبغي أن يكون ذا اهمية بالنسبة للأماكن الاخرى. وكذلك الامر أيضا بالنسبة لطول الفترة فيفضل استخدام متوسط عدد من السنوات وأن كان من الممكن أن يكون سنة واحدة.

وللتغلب على بعض المشاكل والصعوبات التي تنشأ من جراء ظهور السلع الحديثة فالحل هنا هو أن نجعل سنة الأساس حديثة ، وكذلك لتوحيد أساس رقميين قياسييين لتسهيل المقارنة بينهما نلجأ الى تغيير سنة الأساس أو الى استخدام طريقة السلسلة أو الأساس المتحرك.

1. تغيير سنة الأساس:

تقوم هذه الطريقة على أساس وجود سلسلة من الأرقام القياسية على شكل سلسلة زمنية وهناك سنة أساس معينة ومحددة ويطلب تغيير سنة الأساس الى أية سنة من سنوات السلسلة الزمنية لسبب من الاسباب ، فإنه يتم ذلك بقسمة الأرقام جميعها لتلك السلسلة على الرقم القياسي لسنة الأساس الجديدة. ولتوضيح ذلك نفترض المثال الآتي:

مثال (26):

الجدول الآتي يبين الأرقام القياسية لبعض المواد الغذائية في احد الاقطار العربية للسنوات 1985-1992 علماً أن سنة الأساس كانت 1985.

المطلوب : استخراج ارقام قياسية جديدة على اعتبار أن سنة 1990 هي سنة الأساس الجديدة.

السنة	1985	1986	1987	1988	1989	1990	1991	1992
$I.N_{1985}$	100	108.1	110.1	106.8	106.0	114.0	108.6	111.4

ملاحظة:- $I.N_{1985}$ = الأرقام القياسية على أساس سنة 1985.

الحل:

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

لاستخراج الرقم القياسي الجديد على أساس أن سنة 1990 هي سنة الأساس الجديدة نتبع
مأياًتي:-

الرقم القياسي الجديد لسنة 1985 = (الرقم القياسي القديم لسنة 1985 ÷ الرقم القياسي القديم لسنة
1990) × 100
أي أن:-

$$I.N_{1985} = \frac{100}{114} \times 100 = 87.7$$

$$I.N_{1986} = \frac{108.1}{114} \times 100 = 94.8$$

وهكذا لبقية سنوات السلسلة ، وهي موضحة بالجدول الآتي:-

السنة	الرقم القياسي على أساس سنة 1985	الرقم القياسي على أساس سنة 1990
1985	100	$\frac{100}{114} \times 100 = 87.7$
1986	108.1	94.8
1987	110.1	96.6
1988	106.8	93.7
1989	106.0	92.9
1990	114.0	100
1991	108.6	95.2
1992	111.4	97.7

تجدر الإشارة الى أن هذه الطريقة قابلة للتطبيق فقط في حالة كون الأرقام القياسية تحقق اختبار الدائرية (سيتم التعرف على الاختبارات لاحقاً) وعلى أية حال فإنه من حسن الحظ أن الكثير من أنواع الأرقام القياسية تعطي اساليبها نتائج تعد من الناحية العملية قريبة بدرجة كافية مما يجب أن نحصل عليه من الناحية النظرية.

2- الأساس المتحرك:

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

في حالة الأساس المتحرك يتم اتباع طريقة تسلسل الأرقام اذ تكون سنة الأساس هي السنة السابقة لكل منها وتقارن قيمة الظاهرة في فترة معينة بقيمتها في الفترة السابقة لها مباشرة. فاذا اردنا المقارنة بين فترة معينة وفترة سابقة لها تبعد عنها بعدة فترات زمنية ، وفي هذه الحالة يتم ضرب الأرقام المتتالية حتى نصل الى الفترة المطلوبة للمقارنة. ومن مزايا الأرقام القياسية بهذه الطريقة هي المرونة ، اذ يمكن ادخال أو حذف أية سلعة كما يمكن تعديل الاوزان فضلا عن أنها تعطي مقارنات دقيقة للتغيرات التي تحدث بين فترة واخرى. أما عيوب هذه الطريقة فهو صعوبة مدلول الرقم هذا ، اذ أن تزايد احلال السلع الجديدة محل السلع القديمة يفقد الرقم قيمته على مر السنوات وبذلك يصعب تحديد قيمته.

مثال (27):

الجدول الآتي يبين قيمة الناتج المحلي الزراعي في العراق للمدة (1995-2005) بالاسعار الجارية (مليون دينار)

المطلوب: حساب الرقم القياسي باستخدام الوسط المتحرك.

السنة	قيمة الناتج المحلي الزراعي
1995	1255760.1
1996	1102061.5
1997	1163757.8
1998	1703346.0
1999	2178310.6
2000	2306459.1
2001	2863495.0
2002	3512658.6
2003	2486865.5
2004	3539377.3
2005	4248761.2

المصدر: الجهاز المركزي للإحصاء وتكنولوجيا المعلومات. مديرية الحسابات القومية.

الحل:

لحساب الرقم القياسي بطريقة الأساس المتحرك يتم عد السنة السابقة أساسا للسنة الحالية وهي المقارنة ، وتكون طريقة الحساب كالآتي:-

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي
د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي
المرحلة الثالثة/ اقتصاد

ملاحظة: الرقم القياسي للسنة الأولى (1995) لا يمكن استخراجه لعدم وجود سنة سابقة له حسب بيانات المثال.

الرقم القياسي لسنة 1996 = (قيمة الإنتاج المحلي الزراعي لسنة 1996 ÷ قيمة الإنتاج المحلي الزراعي لسنة 1995) × 100
أي أن:-

$$I.N_{1996} = \frac{1102061.5}{1255760.1} \times 100 = 87.7\%$$

وهكذا لبقية ارقام السلسلة وموضحة بالجدول الآتي:-

السنة	قيمة الإنتاج الزراعي المحلي	الرقم القياسي بطريقة الأساس المتحرك %
1995	1255760.1	-
1996	1102061.5	87.7
1997	1163757.8	105.5
1998	1703346.0	146.4
1999	2178310.6	127.9
2000	2306459.1	105.9
2001	2863495.0	124.2
2002	3512658.6	122.7
2003	2486865.5	70.80
2004	3539377.3	142.3
2005	4248761.2	120.0

تحويل الأرقام القياسية من الأساس المتحرك الى الأساس الثابت:

تحول الأرقام من الأساس المتحرك الى الثابت وذلك لغرض معرفة التغير الذي حصل للظاهرة خلال مدة طويلة نسبيا.

محاضرات في مادة الإحصاء الزراعي

د. نجلاء صلاح مدلول السامرائي

المرحلة الثالثة/ اقتصاد

وتستند الطريقة على عد الفترة الأولى = 100 كونها فترة الأساس ثم يحسب الرقم القياسي للفترة الثانية منسوبا الى الفترة الأولى الأساس ويضرب الناتج في 100. وهكذا للفتريات الاخرى وكما هو موضح في المثال الآتي:-

الفترة	الرقم القياسي على أساس متحرك	الرقم القياسي على أساس ثابت (الفترة الأولى)
الأولى ، الثانية	100% ، 120%	$\frac{100 \times 120}{100} = 120\%$
الثالثة	90%	$\frac{90 \times 120}{100} = 108\%$
الرابعة	80%	$\frac{80 \times 108}{100} \times 86.4\%$

وكذلك يمكن تحويل الأساس الثابت الى أساس متحرك وذلك بقسمة الرقم القياسي لأية فترة على الرقم القياسي للفترة السابقة له ثم يضرب في 100.